

## 2021年成人高等学校招生全国统一考试高起点（理科数学）真题

第1题 选择题（每题5分，共17题，共85分） 一、选择题(本大题共17小题，每小题5分,共85分,在每小题给出的四个选项中。只有一项是符合题目要求的)

1、若集合 $A=\{x|-1\leq x<5\}$ ， $B=\{x\{-2<x<2\}$ ，则 $A\cap B=$ 【】

- A、 $\{x|-1\leq x<2\}$
- B、 $\{x|-2<x<2\}$
- C、 $\{x|-2<x<5\}$
- D、 $\{x|-1\leq x<5\}$ .

2、已知 $\sin\alpha<0$ 且 $\tan\alpha<0$ ，则 $\alpha$ 是【】

- A、第一象限角
- B、第二象限角
- C、第三象限角
- D、第四象限角

3、下列函数中，既是偶函数又是周期函数的为【】

- A、 $y=\sin 2x$
- B、 $y=x^2$
- C、 $y=\tan x$
- D、 $y=\cos 3x$

4、函数 $y=1+\log_2 x(x>0)$ 的反函数为【】

- A、 $y=2^{1-x}(x\in\mathbb{R})$
- B、 $y=2^{x-1}(x\in\mathbb{R})$
- C、 $y=-1+\log_{\frac{1}{2}} x(x>0)$
- D、 $y=\log_2 \frac{x}{2}(x>0)$

5、函数 $y=5\cos 2x-3\sin 2x$ 的最小正周期为【】

- A、 $4\pi$
- B、 $2\pi$
- C、 $\pi$
- D、 $\pi/2$

6、已知平面 $\alpha$ ，两条直线 $l_1, l_2$ 。

设甲： $l_1\perp\alpha$ 且 $l_2\perp\alpha$ ；

乙： $l_1\parallel l_2$ ，

则【】

- A、甲是乙的必要条件但不是充分条件
- B、甲是乙的充分条件但不是必要条件
- C、甲是乙的充要条件

D、甲既不是乙的充分条件也不是乙的必要条件

7、下列函数中，在 $(0, +\infty)$ 为增函数的是

- A、 $y=x^2+x$
- B、 $y = \log_{\frac{1}{2}} x$
- C、 $y = \left(\frac{1}{4}\right)^x$
- D、 $y=\cos x$

8、不等式 $|x-1|>1$ 的解集为【】

- A、 $\{x|x>2\}$
- B、 $\{x|x<0\}$
- C、 $\{x|0<x<2\}$
- D、 $\{x|x<0\text{或}x>2\}$

9、已知向量 $a=(6, 0, -3)$ ， $b=(-2, 9, x)$ ，且 $a \perp b$ ，则 $x=$ 【】

- A、-4
- B、-1
- C、1
- D、4

10、已知函数 $f(x)=2x+1$ ，则 $f(2x)=$ 【】

- A、 $4x^2+1$
- B、 $4x+1$
- C、 $x+1$
- D、 $2x+2$

11、 $(1+i)(1-i)=$ 【】

- A、2
- B、1
- C、0
- D、-1

12、甲、乙各进行一次射击，若甲击中目标的概率是0.4，乙击中目标的概率是0.5，且甲、乙是否击中目标相互独立，则甲、乙都击中目标的概率是【】

- A、0.9
- B、0.5
- C、0.4
- D、0.2

13、双曲线 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$ 的渐近线方程为

- A、 $\frac{x}{4} \pm \frac{y}{9} = 0$
- B、 $\frac{x}{9} \pm \frac{y}{4} = 0$
- C、 $\frac{x}{2} \pm \frac{y}{3} = 0$
- D、 $\frac{x}{3} \pm \frac{y}{2} = 0$

14、等差数列 $\{a_n\}$ 中，已知 $a_3+a_5=2$ ，则 $a_1+a_2+a_6+a_7=$ 【】

- A、1
- B、2
- C、4
- D、8

15、过抛物线C:  $y^2=4x$ 的焦点作aT轴的垂线，交C于A, B两点，则|AB|=【】

- A、2
- B、4
- C、 $4\sqrt{2}$
- D、8

16、若向量 $a=(3, 4)$ ，则与a方向相同的单位向量为【】

- A、(0, 1)
- B、(1, 0)
- C、 $(\frac{3}{5}, \frac{4}{5})$
- D、 $(\frac{4}{5}, \frac{3}{5})$

17、由0, 1, 2, 3四个数字，组成没有重复数字的三位数，共有【】

- A、18个
- B、24个
- C、48个
- D、64个

**第2题 填空题（每题4分，共4题，共16分）** 二、填空题(本大题共4小题，每小题4分，共16分)

18、圆 $x^2+y^2=5$ 在点(1, 2)处的切线的方程为.

19、已知数列 $\{a_n\}$ 的前n项和 $S_n=2n+1$ ，则 $a_2=$ \_\_\_\_\_.

20、设球的表面积为 $4\pi$ ，则该球的体积为\_\_\_\_\_.

21、从某大学篮球队历次比赛得分中，抽取了8场比赛的得分作为样本，数据如下：

88, 74, 73, 87, 70, 72, 86, 90，则该样本的方差为\_\_\_\_\_.

**第3题 解答题（每题12.25分，共4题，共49分）** 三、解答题(本大题共4小题，共49分)

22、已知A, B为 $\odot O$ 上的两点，且 $AB=33$ ， $\angle ABO=30^\circ$ 。求 $\odot O$ 的半径。

23、等比数列 $\{a_n\}$ 中，已知 $a_2 + a_4 = -10$ ，公比 $q = -\frac{1}{3}$ 。

(I)求 $\{a_n\}$ 的通项公式；

(II)求 $\{a_n\}$ 的前4项和。

24、已知函数 $f(x)=2x^3-3x^2+2$ 。

(I)求 $f'(x)$ ；

(II)求 $f(x)$ 在区间 $[-2, 2]$ 的最大值与最小值。

25、已知椭圆C:  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ ,  $M(0, -1)$ 和 $N(\sqrt{3}, \frac{1}{2})$ 为C上两点。

(I)求C的标准方程;

(II)设P为C的左顶点, 求 $\triangle PMN$ 的面积.

### 答案解析

1 答案: A

解析:  $A \cap B = \{x | -1 \leq x < 2\}$ .

2 答案: D

解析: 正弦函数值在第三、四象限小于0, 正切函数值在第二、四象限小于0。故题中所求角在第四象限。

3 答案: D

解析: 选项A、c是奇函数, 选项B是偶函数, 但不是周期函数, 只有选项D既是偶函数又是周期函数。

4 答案: B

解析: 已知 $y = 1 + \log_2 x$ , 则有 $\log_2 x = y - 1$ , 化简得 $x = 2^{y-1}$ , 故原函数的反函数为 $y = 2^{x-1} (x \in \mathbb{R})$ .

5 答案: C

解析: 整理得 $y = 3(\cos 2x - \sin 2x) + 2\cos 2x = 3\cos 2x + \cos 2x + 1 = 4\cos 2x + 1$ , 故函数的最小正周期为 $T = \frac{2\pi}{2} = \pi$ .

6 答案: B

解析: 如果两直线垂直于同一平面, 则两直线平行; 但是如果两直线平行, 这两条直线不一定垂直于同一平面, 也可能两直线是在平面内, 故甲是乙的充分条件但不是必要条件。

7 答案: A

解析: 本题主要考查的知识点为函数的单调性。

A项中,  $y = x^2 + x = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4}$ , 故函数在 $\left(-\frac{1}{2}, +\infty\right)$ 上是增函数, 因此函数在 $(0, +\infty)$

上也是增函数。

8 答案: D

解析:  $|x-1| > 1 \Rightarrow x-1 > 1$  或  $x-1 < -1$ , 即  $x > 2$  或  $x < 0$ , 故不等式的解集为 $\{x | x < 0$  或  $x > 2\}$ .

9 答案: A

解析: 由于 $a \perp b$ , 故有 $a \cdot b = 6 \times (-2) + 0 \times 9 + (-3)x = -3x - 12 = 0$ , 解得 $x = -4$ .

10 答案: B

解析:  $f(2x)=2(2x)+1=4x+1$ .

11 答案: A

解析:  $(1+i)(1-i)=1-i^2=1+1=2$ .

12 答案: D

解析: 甲、乙都击中目标的概率为  $0.4 \times 0.5 = 0.2$ .

13 答案: C

解析: 令  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 0$ , 得  $\frac{x}{2} \pm \frac{y}{3} = 0$ , 即双曲线的渐近线为  $\frac{x}{2} \pm \frac{y}{3} = 0$ .

14 答案: C

解析: 由等差数列的性质可得  $a_1+a_2+a_6+a_7=a_3+a_5+a_3+a_5=2+2=4$ .

15 答案: B

解析: 抛物线的焦点坐标为  $(1, 0)$ , 准线方程为  $x=-1$ , 则 A、B 两点的距离为 A 点和 B 点到准线的距离之和, 即  $|AB|=2+2=4$ .

16 答案: C

解析: 本题主要考查的知识点为单位向量的求法.

与向量  $a$  方向相同的单位向量为  $\frac{a}{|a|} = \frac{(3,4)}{\sqrt{3^2+4^2}} = (\frac{3}{5}, \frac{4}{5})$ .

17 答案: A

解析: 本题主要考查的知识点为排列组合.

组成的没有重复数字的三位数有  $C_3^1 \cdot P_3^2 = 3 \times 3 \times 2 = 18$  个.

18 【答案】  $x+2y-5=0$

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为圆的切线的求法.

由题可知切点到圆心所在直线的斜率为  $\frac{2}{1} = 2$ , 故切线的斜率为  $-\frac{1}{2}$ , 因此所求切线的方程为

$y-2 = -\frac{1}{2}(x-1)$ , 即  $x+2y-5=0$ .

19 【答案】 2

$a_1=S_1=2+1=3$ , 故  $a_2=S_2-S_1=2 \times 2+1-3=2$ .

20 【答案】  $\frac{4\pi}{3}$

球的表面积为  $4\pi R^2 = 4\pi$ , 故球的半径为  $R=1$ , 因此球的体积为  $\frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{4\pi}{3}$ .

21 【答案】 62.25

可求得样本平均数为  $\frac{88+74+73+87+70+72+86+90}{8} = 80$ , 因此样本方差为

$\frac{1}{8}[(88-80)^2 + (74-80)^2 + (73-80)^2 + (87-80)^2 + (70-80)^2 + (72-80)^2 + (86-80)^2 + (90-80)^2] =$

62.25.

22 设  $OO'$  的半径为  $r$ , 则  $OA=OB=r$ .

在  $\triangle AOB$  中,  $\angle OAB = \angle ABO = 30^\circ$ , 所以  $\angle AOB = 120^\circ$ .

由余弦定理得  $r^2 + r^2 - 2r^2 \cos 120^\circ = (3\sqrt{3})^2$ , 解得  $r = 3$ .

所以  $\odot O$  的半径为 3.

23 (I)

由已知得  $a_1 q + a_1 q^3 = -10$ ,

又  $q = -\frac{1}{3}$ , 所以  $a_1 \left(-\frac{1}{3} - \frac{1}{27}\right) = -10$ , 解得  $a_1 = 27$ ,

所以  $\{a_n\}$  的通项公式为  $a_n = 27 \times \left(-\frac{1}{3}\right)^{n-1}$ .

(II)

$a_1 + a_3 = \frac{1}{q}(a_2 + a_4)$ , 又  $a_2 + a_4 = -10$ , 故  $a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = 20$ .

所以  $\{a_n\}$  的前 4 项和为 20.

24 (I)  $f(x) = 6x^2 - 6x$ .

(II) 令  $f(x) = 0$ , 解得  $x = 0$  或  $x = 1$ .

因为  $f(-2) = -26$ ,  $f(0) = 2$ ,  $f(1) = 1$ ,  $f(2) = 6$ ,

所以  $f(x)$  在区间  $[-2, 2]$  的最大值为 6, 最小值为 -26.

25 (I)

将点  $M$  和  $N$  的坐标代入  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  得

$$\begin{cases} \frac{1}{b^2} = 1, \\ \frac{3}{a^2} + \frac{1}{4b^2} = 1, \end{cases} \quad \text{解得} \quad \begin{cases} a^2 = 4, \\ b^2 = 1. \end{cases}$$

因此  $C$  的标准方程为  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ .

(II)

由 (I) 得  $P(-2, 0)$ , 故  $|PM| = \sqrt{5}$ , 直线  $PM$  的方程为

$$x + 2y + 2 = 0,$$

因此点  $N$  到直线  $PM$  的距离

$$d = \frac{|\sqrt{3} + 2 \times \frac{1}{2} + 2|}{\sqrt{5}} = \frac{3 + \sqrt{3}}{\sqrt{5}},$$

$$\text{所以 } \triangle PMN \text{ 的面积 } S = \frac{1}{2} \times \sqrt{5} \times \frac{3 + \sqrt{3}}{\sqrt{5}} = \frac{3 + \sqrt{3}}{2}.$$



考证就上 233 网校 APP

免费题库, 复习资料包,

扫码下载即可获得